

# 基礎力学演習 第9回 角運動量とトルク

2017年6月12日 担当：佐藤 純

**問題1** 3次元ベクトル  $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$  を考える。以下の量は、スカラーかベクトルか、答えよ。

- (1-1)  $\vec{a} \cdot \vec{b}$       (1-2)  $\vec{a} \times \vec{b}$       (1-3)  $(\vec{a} \cdot \vec{b})\vec{c}$       (1-4)  $(\vec{a} \times \vec{b}) \cdot \vec{c}$       (1-5)  $(\vec{a} \times \vec{b}) \times \vec{c}$

**問題2** 3次元空間内の3点 O, A, B の座標を, O:(0, 0, 0), A:(1, -3, 2), B:(-1, 1, -2) とする。

ベクトル  $\vec{a}, \vec{b}$  を,  $\vec{a} = \overrightarrow{OA}, \vec{b} = \overrightarrow{OB}$  で定める。

- (2-1)  $\vec{a}$  と  $\vec{b}$  の内積  $\vec{a} \cdot \vec{b}$  を求めよ。  
(2-2)  $\vec{a}$  と  $\vec{b}$  の外積  $\vec{c} = \vec{a} \times \vec{b}$  を求めよ。  
(2-3) 内積  $\vec{c} \cdot \vec{a}$  および  $\vec{c} \cdot \vec{b}$  を計算することにより,  $\vec{c}$  は  $\vec{a}, \vec{b}$  と直交していることを確認せよ。  
(2-4) 三角形OABの面積を求めよ。

**問題3** 質量  $m$  の物体が  $xy$  面内を運動している。時刻  $t$  における物体の位置は  $\vec{r} = (a \cos \omega t, b \sin \omega t, 0)$  であるとする。

- (3-1) 物体の運動の軌跡を  $xy$  平面に図示せよ。  
(3-2) 時刻  $t$  における物体の運動量  $\vec{P}$  を求めよ。  
(3-3) 時刻  $t$  における物体の角運動量  $\vec{L}$  を求め, 保存していることを確かめよ。  
(3-4) 時刻  $t$  において物体に働く力を求め, 中心力であることを確かめよ。

**問題4**

- (4-1) 角運動量の時間変化率は, 物体に働くトルクに等しいことを示せ。  
(4-2) 物体に働く力が中心力の場合, 角運動量が保存することを示せ。