基礎力学演習 第4回 単振動・オイラーの公式

2017年5月8日 担当:佐藤純

問題 1 オイラーの公式 $e^{ix} = \cos x + i \sin x$ を使って,以下の式を示せ.

- (1-1) $\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cos \beta \sin \alpha \sin \beta$ $\sin(\alpha + \beta) = \sin \alpha \cos \beta + \cos \alpha \sin \beta$
- (1-2) $\cos nx + i \sin nx = (\cos x + i \sin x)^n$

<u>問題2</u> $\alpha = \frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i, \ \beta = \frac{1+i}{\sqrt{2}}$ とするとき,以下の値を求めよ.

- (2-1) α^6
- (2-2) β^8
- (2-3) $\left(\frac{\alpha}{\beta}\right)^4$

問題 3 バネの一端に質量 m のおもりを付け、滑らかな机の上に置いて、他端を固定する、バネ自身の質量は無視し、バネ定数を k とする.

- (3-1) おもりの運動方程式を立てよ.
- (3-2) 指数関数型の解 $x(t) = e^{\lambda t}$ を仮定し、 λ に対する方程式を導け.
- (3-3) 上で求めた方程式から λ を決定し、一般解を求めよ.
- (3-4) バネをaだけ伸ばしておもりを静かに離した時、その後のおもりの運動を決定せよ.