## 数学II 第10回 微分方程式の応用

2015年12月8日 担当:佐藤純

- 問題1 バネ定数kのバネの一端に質量mのおもりを付け、摩擦のない滑らかな机の上に置いて、他端を固定する.
  - (1-1) おもりの運動方程式を立てよ.
  - (1-2) 指数関数型の解  $x(t) = e^{\lambda t}$  を仮定し、 $\lambda$  に対する方程式を導け.
  - (1-3) 上で求めた方程式から $\lambda$ を決定し、一般解を求めよ.
  - (1-4) バネに初速度 $v_0$ を与えた時、その後のおもりの運動を決定せよ.
- 問題 2 バネ定数 k のバネの一端に質量 m のおもりを付け、他端を固定する.おもりが机の上を動く際に、速度に比例した摩擦力が働くとし、比例定数を  $\gamma$  とする.
  - (2-1) おもりの運動方程式を立てよ.
  - (2-2) 指数関数型の解  $x(t) = e^{\lambda t}$  を仮定し、 $\lambda$  に対する方程式を導け.
  - (2-3) バネに初速度  $v_0$  を与えた時、その後のおもりの運動を決定せよ、摩擦が十分に小さいと きと大きいときで、場合分けすること、
  - (2-4) 摩擦が十分に小さいとき、上の結果をグラフに表せ.