

問題1 手に持った質量 m の物体を高所からそっと手を放し、初速度ゼロで自由落下させる。鉛直下向きに x 軸をとり、物体の初期位置(手を放した位置)を $x = 0$ とする。重力加速度は g とし、質量 m の物体には重力 mg が鉛直下向きに働くとする。空気抵抗の影響は無視する。

- (1-1) 問題設定の状況と座標軸が視覚的にわかるように図示せよ。
- (1-2) 手を放した瞬間 ($t = 0$) に物体に働く力 F を求めよ。
- (1-3) 落下中に物体に働く力 F を求めよ。
- (1-4) 物体の運動方程式を立てよ。
- (1-5) 手を放した瞬間 ($t = 0$) の物体の位置 $x(0)$ 、速度 $\dot{x}(0)$ 、加速度 $\ddot{x}(0)$ を求めよ。
- (1-6) 運動方程式を一回積分することにより、物体の速度 $\dot{x}(t)$ を時間の関数として表し、グラフを描け。
- (1-7) 運動方程式をもう一回積分することにより、物体の位置 $x(t)$ を時間の関数として表し、グラフを描け。

問題2 地上からの高さが h の地点から、水平に初速度 v_0 で質量 m の物体を発射する。重力加速度は g とし、質量 m の物体には重力 mg が鉛直下向きに働くとする。空気抵抗の影響は無視する。

- (2-1) 物体の運動を記述するのに適切な座標軸を設定せよ。
- (2-2) 問題設定の状況と座標軸が視覚的にわかるように図示せよ。
- (2-3) 物体に働く力ベクトル \vec{F} を求めよ。
- (2-4) 時刻 t における物体の位置ベクトルを $\vec{r}(t)$ として、運動方程式を立てよ。
- (2-5) 運動方程式の各成分を一回積分することにより、物体の速度ベクトルを時間の関数として表せ。
- (2-6) 運動方程式の各成分をもう一回積分することにより、物体の位置ベクトルを時間の関数として表せ。
- (2-7) 地上に落下する時間と、水平到達距離を求めよ。